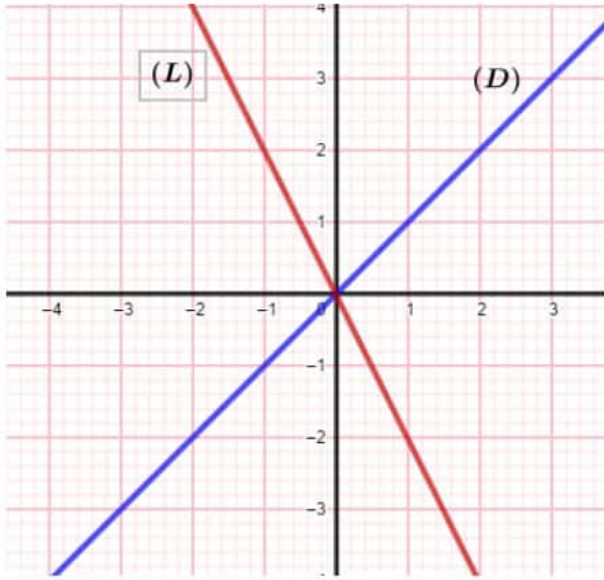


الدالة الخطية

التمرين الرابع:

نعتبر الشكل أسفله بحيث:

- المستقيم (D) هو التمثيل المبياني لدالة خطية f .
المستقيم (L) هو التمثيل المبياني لدالة خطية h .



- 1- أوجد تعبير $f(x)$
- 2- أحسب $f(1)$ و $f(10)$
- 3- حدد العدد الذي صورته 3 بالدالة f .
- 6- حدد مبيانيا صورة العدد -1 بالدالة h .
- 7- حدد مبيانيا العدد الذي صورته -2 بالدالة h .
- 8- أحسب معامل الدالة h ، واستنتج صيغتها.

التمرين الخامس:

نعتبر الدالة: $g(x) = (x + 2)^2 - (x - 2)^2$

- 1- بين أن g دالة خطية محمدا صيغتها.
- 2- أحسب $g(3)$ و $g(-8)$
- 3- حدد العدد الذي صورته 12 بالدالة g .

التمرين السادس:

لتكن f بحيث: $-2(x + 3) + 3f(x) = -2(3 - f(x))$

- 1- بين أن f دالة خطية محمدا صيغتها.
- 2- حدد a و b إذا علمت أن التمثيل المبياني للدالة f يمر من النقطتين $A(a; 6)$ و $B(5; b)$.

التمرين الأول:

لتكن f دالة خطية بحيث: $f(5) = 4$

- 1- حدد معامل الدالة f .
- 2- أوجد تعبير $f(x)$
- 3- أحسب صورتي 10 و $-\frac{7}{2}$.
- 4- حدد العدد الذي صورته 12 بالدالة f .
- 5- بدون حساب، حدد قيمة $\frac{f(2020)}{2020}$
- 6- أنتئ التمثيل المبياني للدالة f في م.م.م

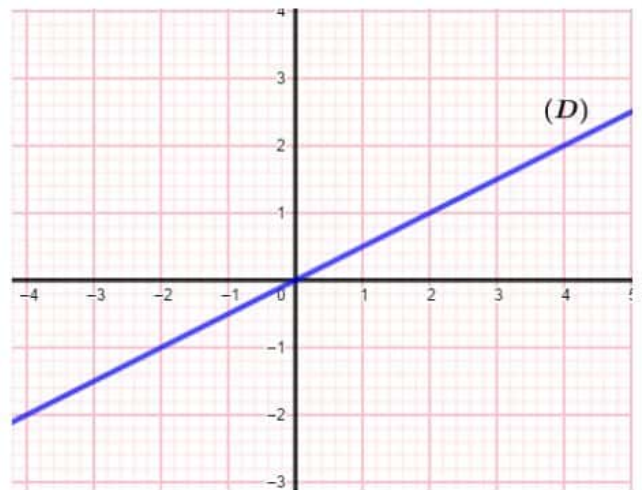
التمرين الثاني:

f دالة خطية يمر تمثيلها المبياني من النقطة: $E(3; 2)$

- 1- أحسب معامل الدالة f .
- 2- اعط تعبير الدالة f .
- 3- أحسب صورة -2 بالدالة f .
- 4- مثل مبيانيا الدالة f .

التمرين الثالث:

في الشكل أسفله، المستقيم (D) هو التمثيل المبياني لدالة في م.م.م.



- 1- ما طبيعته؟ أنه f ، غلن محق بك؟
- 2- حدد مبيانيا صورة العدد -2 بالدالة f .
- 3- حدد مبيانيا العدد الذي صورته 2 بالدالة f .
- 4- أحسب معامل الدالة f ، واستنتج صيغتها.
- 5- هل النقطة $M(7; 14)$ تنتمي إلى التمثيل المبياني للدالة f .

التمرين الأول:

$f(5) = 4$: دالة خطية بحيث :

1- لنحدد معامل الدالة:

$$a = \frac{f(x)}{x} = \frac{f(5)}{5} = \frac{4}{5} \quad \text{لدينا:}$$

$$a = \frac{4}{5}$$

إذن :

2-

لدينا، f دالة خطية

$$f(x) = ax \quad \text{يعني:}$$

$$a = \frac{4}{5} \quad \text{و لدينا:}$$

$$f(x) = \frac{4}{5}x$$

ومنه:

3- لنحسب صورة 10:

$$f(10) = \frac{4}{5} \times 10 = \frac{40}{5} = 8$$

لنحسب صورة $-\frac{7}{2}$:

$$f\left(-\frac{7}{2}\right) = \frac{4}{5} \times \frac{-7}{2} = \frac{-28}{10} = \frac{-14}{5}$$

4- لنحدد العدد الذي صورته 12 بالدالة f

$$\frac{4}{5}x = 12 \quad \text{لدينا،}$$

$$x = 12 \times \frac{5}{4} = 15 \quad \text{يعني،}$$

إذن العدد الذي صورته 12 بالدالة f هو 15.

5- لنحدد $\frac{f(2020)}{2020}$

لدينا: $\frac{f(x)}{x} = a$

إذا كان $x=2020$ فإن: $\frac{f(2020)}{2020} = a$

و لدينا: $a = \frac{4}{5}$

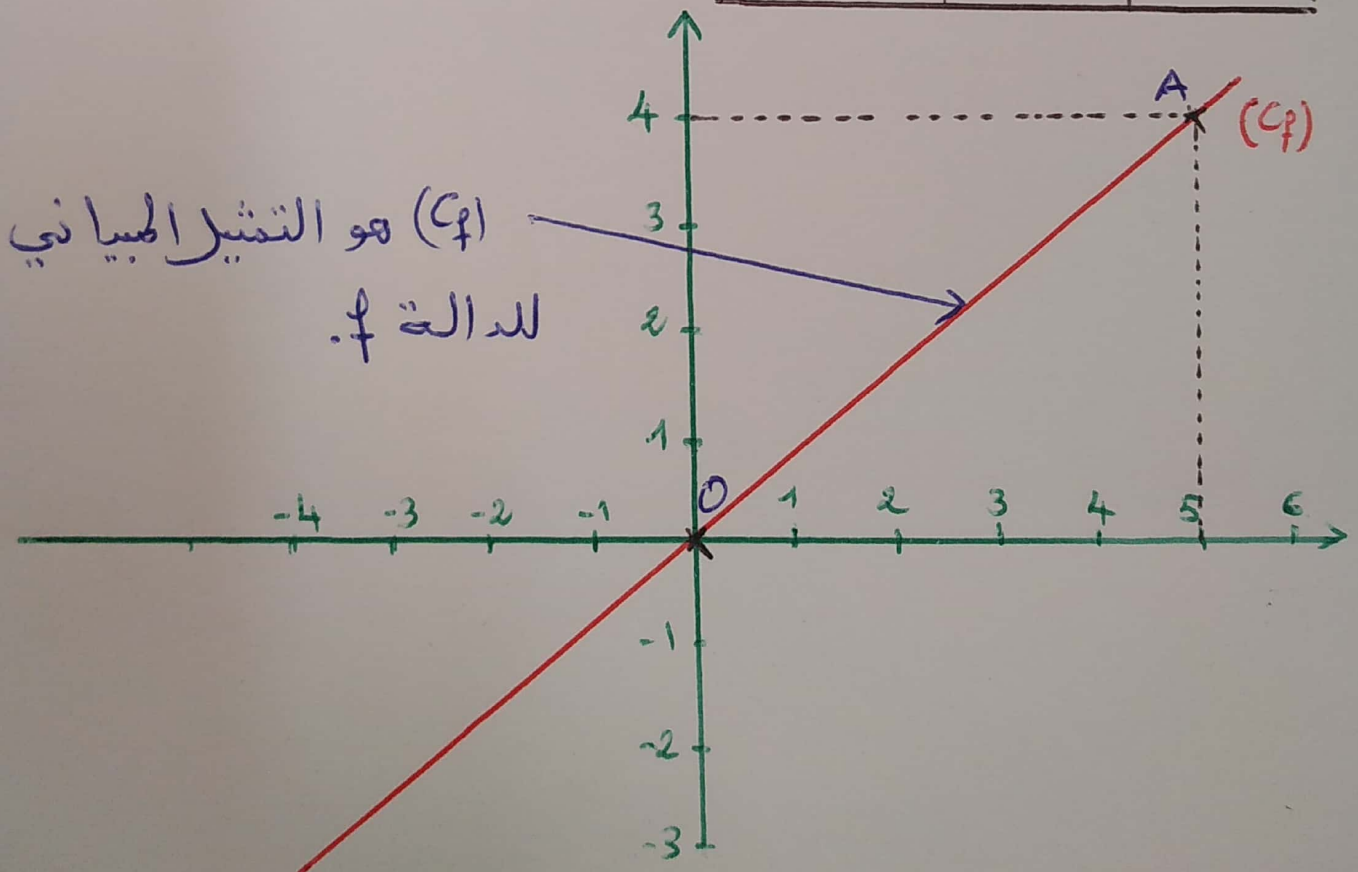
إذن: $\frac{f(2020)}{2020} = \frac{4}{5}$

6- لنشرح التمثيل الجبراني

للدالة f . لدينا: $f(x) = \frac{4}{5}x$

$O(0;0)$, $A(5;4)$

x	0	5
$f(x)$	0	4



التمرين الثاني:

f دالة خطية تمثيلها الجبراني يمر من $E(3;2)$.

1- لنحسب معامل الدالة f .

لدينا: $E(3;2) \in (C_f)$

يعني: $f(3) = 2$.

$$a = \frac{f(x)}{x} = \frac{f(3)}{3} = \frac{2}{3}$$

$$a = \frac{2}{3}$$

إذن:

2- تعبير الدالة f .

f دالة خطية يعني: $f(x) = ax$

و لدينا: $a = \frac{2}{3}$

و منه:

$$f(x) = \frac{2}{3}x$$

3- لنحسب صورة -2 بالدالة f .

لدينا: $f(x) = \frac{2}{3}x$

يعني: $f(-2) = \frac{2}{3} \times (-2)$

إذن: $f(-2) = -\frac{4}{3}$

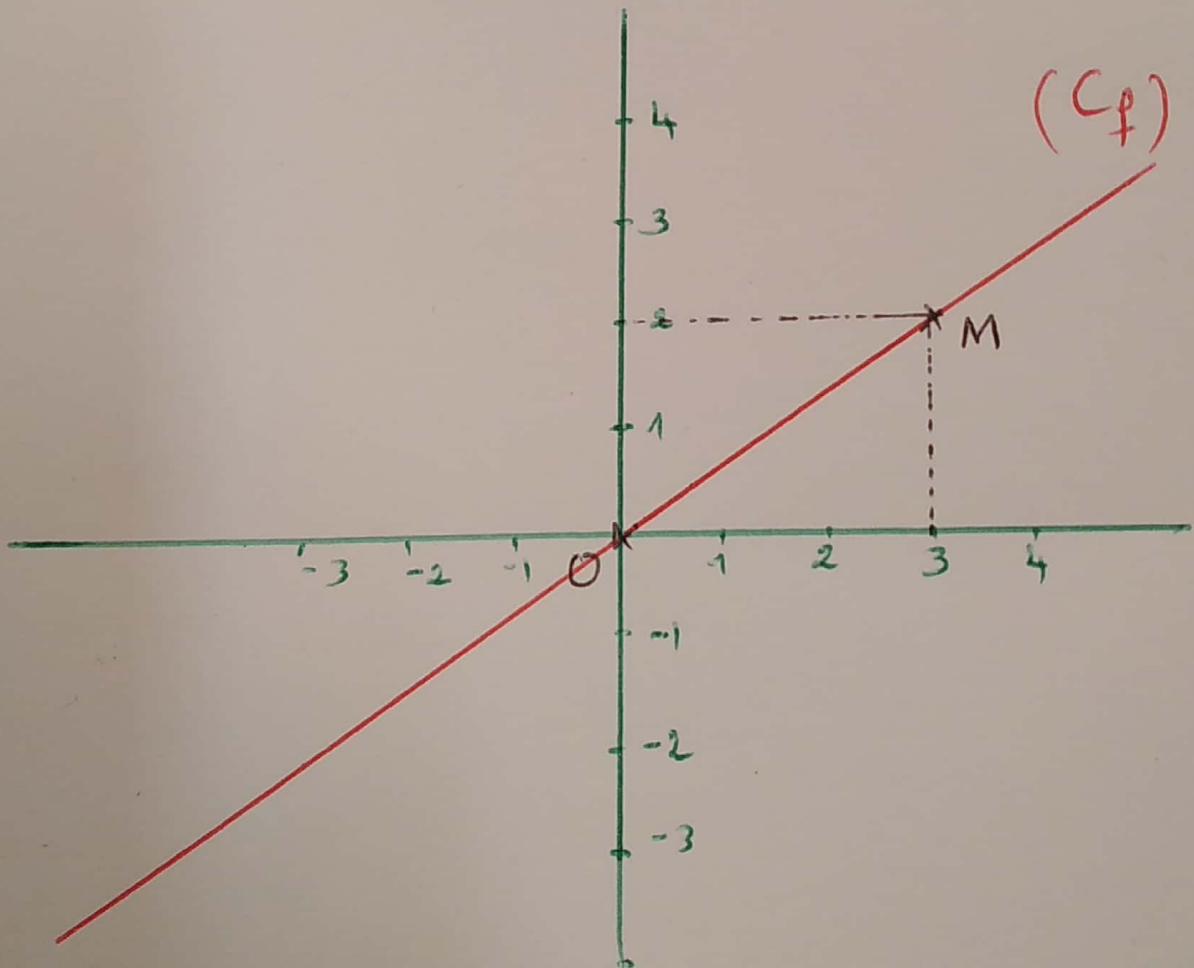
صورة -2 بالدالة f هو $-\frac{4}{3}$.

4- التمثيل البياني للدالة f .

لدينا، $f(x) = \frac{2}{3}x$

x	0	3
$f(x)$	0	2

المستقيم المار من $O(0;0)$ و $M(3;2)$ هو التمثيل البياني للدالة f .



التمرين الثالث:

1- الدالة f دالة خطية: لأن تمثيلها الجبراني هو مستقيم يمر من أصل المعلم.

2- جبرانيا: صورة العدد -2 هو -1

$$f(-2) = -1 \quad \text{يعني}$$

3- جبرانيا: العدد الذي صورته e بالدالة f هو 4

4- لنحسب معامل الدالة f :

$$a = \frac{-1}{-2} = \frac{1}{2}$$

إذن صيغة الدالة f هي:

$$f(x) = \frac{1}{2}x$$

$$f(-2) = -1 \quad \text{لدينا}$$

$$a = \frac{f(x)}{x} = \frac{f(-2)}{-2}$$

$$M(7; 14) \quad -5$$

$$M(7, 14) \notin (C_f) \quad \text{لدينا} \quad f(7) = \frac{1}{2} \times 7 = \frac{7}{2} = 3,5$$

يعني $3,5 \neq 14$

التمرين الرابع

1- لنحدد تعبير $f(x)$.

$$f(2) = 2$$

لدينا $M(2; 2) \in (D)$ يعني

$$a = \frac{f(x)}{x} = \frac{f(2)}{2} = \frac{2}{2} = 1$$

ولدينا

$$f(x) = 1x$$

إذن

لنحسب $f(10)$

$$f(x) = 1x \quad \text{لدينا}$$

$$f(10) = 1 \times 10 = 10 \quad \text{يعني}$$

2- لنحسب $f(1)$

$$f(x) = 1x \quad \text{لدينا}$$

$$f(1) = 1 \times 1 = 1 \quad \text{يعني}$$

3- لنحدد العدد الذي صورته 3 بالدالة f

$$x = \frac{3}{1} = 3 \quad \text{اذن}$$

العدد الذي صورته 3 بالدالة

f هو 3.

$$f(x) = 1x \quad \text{لدينا}$$

$$1x = 3 \quad \text{يعني}$$

4- صيانياً، صورة العدد -1 بالدالة h هو 2.

$$f(-1) = 2$$

يعني

5- صيانياً، العدد الذي صورته -2 بالدالة h

$$f(1) = -2$$

هو: 1.

6- لنحسب معامل الدالة h .

$$f(-1) = 2$$

لدينا

$$a = \frac{f(x)}{x} = \frac{f(-1)}{-1}$$

$$a = \frac{2}{-1} = -2$$

$$f(x) = -2x$$

اذن

التمرين الخامس:

$$g(x) = (x+2)^2 - (x-2)^2$$

1. ليني أن g دالة خطية:

$$g(x) = (x+2)^2 - (x-2)^2 \quad \text{لدينا:}$$

$$g(x) = x^2 + 4x + 4 - (x^2 - 4x + 4) \quad \text{يعني:}$$

$$g(x) = \cancel{x^2} + 4x + \cancel{4} - \cancel{x^2} + 4x - \cancel{4} \quad \text{يعني:}$$

$$\boxed{g(x) = 8x} \quad \text{إذن:}$$

و بالتالي g دالة خطية.

2. لنحسب $g(3)$:

$$g(3) = 8 \times 3 = 24 \quad \text{لدينا، } g(x) = 8x \text{ يعني}$$

$$\boxed{g(3) = 24}$$

لنحسب $g(-8)$:

$$g(-8) = 8 \times (-8) = -64 \quad \text{لدينا، } g(x) = 8x \text{ يعني}$$

$$\boxed{g(-8) = -64}$$

3. لنجد العدد الذي صورته 12 بالدالة g :

$$8x = 12 \quad \text{لدينا، } g(x) = 8x \text{ يعني}$$

$$x = \frac{12}{8} = \frac{3}{2} \quad \text{إذن}$$

العدد الذي صورته 12 بالدالة g هو: $\frac{3}{2}$.

التمرية السادسة:

1- لنبين أن f دالة خطية.

$$-2(x+3) + 3f(x) = -2(3-f(x)) \quad \text{لدينا:}$$

$$-2x - 6 + 3f(x) = -6 + 2f(x) \quad \text{يعني.}$$

$$3f(x) - 2f(x) = \cancel{-6} + \cancel{6} + 2x \quad \text{يعني}$$

$$\boxed{f(x) = 2x} \quad \text{إذن:}$$

وبالتالي: f دالة خطية.

2- $A(a; 6)$ لنحدد a .

$$f(a) = 6 \quad \text{لدينا.} \quad A(a; 6) \in (C_f) \quad \text{يعني}$$

$$f(a) = 2 \times a = 2a$$

$$2a = 6 \quad \text{يعني}$$

$$\boxed{a = \frac{6}{2} = 3} \quad \text{وهذه}$$

$B(5; b)$ لنحدد b .

$$f(5) = b \quad \text{لدينا:} \quad B(5; b) \in (C_f) \quad \text{يعني}$$

$$f(5) = 2 \times 5 = 10 \quad \text{يعني}$$

$$\boxed{b = 10} \quad \text{إذن}$$