



Les mouvements Plans

Etude de mouvement d'un projectile dans un champ gravitationnel uniforme

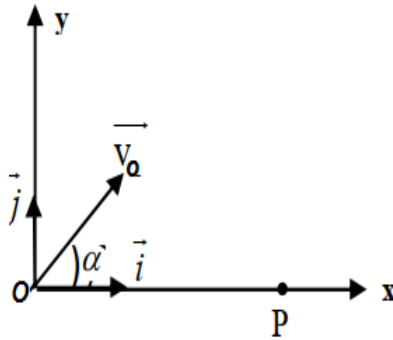
Année scolaire
2019 :2020

Prof
Marwane CHARGUI

2 Bac Science Physique Et Science Math

Exercice 1

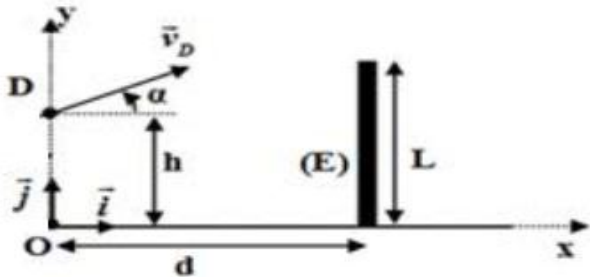
A l'instant $t = 0$, que l'on considère comme une nouvelle origine des dates, le solide (S) quitte le sol au point O avec la vitesse \vec{v}_0 formant un angle $\alpha = 45^\circ$ avec le plan horizontal et d'intensité $v_0 = 10 \text{ m.s}^{-1}$. on donne $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$



- ❶ Etablir Les équations différentiels qui vérifient v_x et v_y
- ❷ Déterminer les équations horaires de mouvement $x(t)$ et $y(t)$
- ❸ Montrer que l'expression numérique de l'équation de la trajectoire est $y = -9,8 \cdot 10^{-2} x^2 + x$.
- ❹ Calcule la valeur de vitesse \vec{V}_S au sommet S
- ❺ La portée est la distance entre les points O et P . Calculer sa valeur.

Exercice 2

Le système quitte la piste inclinée au point D avec une vitesse \vec{V}_D formant un angle $\alpha = 45^\circ$ avec le plan horizontal, pour sauter au dessus de l'obstacle (voir figure ci-dessus).



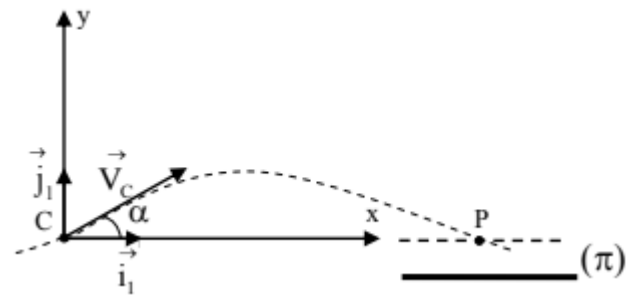
On étudie le mouvement de dans le champ de pesanteur uniforme dans le repère lié à la terre considéré comme galiléen. Donner : $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$; $V_D = 28,09 \text{ m.s}^{-1}$; $h = OD = 10 \text{ m}$

- ❖ La hauteur de l'obstacle : $L = 20 \text{ m}$;
- ❖ La distance entre l'obstacle et l'axe Oy $d = 30 \text{ m}$

- ❶ montrer que Les expressions numériques des équations horaires et du mouvement parabolique de dans le repère choisi sont : $x(t) = 19,81t$ et $y(t) = -4,9t^2 + 19,81t + 10$
- ❷ Trouver l'équation de la trajectoire de dans le repère .
- ❸ Montrer que le centre d'inertie G du système passe au dessus de l'obstacle E

Exercice 3

A un instant choisi comme nouvelle origine des dates ($t = 0$), le système (S) quitte le tremplin lors du passage de G par le point C avec une vitesse V_C formant un angle $\alpha = 18^\circ$ avec l'horizontale. (S) retombe en une position où le point G se confond avec le point P . On suppose que le système n'est soumis qu'à son poids au cours de cette phase. L'étude du mouvement est effectuée dans le repère orthonormé (C, \vec{i}, \vec{j}) indiqué sur la figure 1.



- ❶ En appliquant la deuxième loi de Newton, montrer que les équations différentielles vérifiées par les coordonnées $x_G(t)$ et $y_G(t)$ du centre d'inertie G dans le repère (C, \vec{i}, \vec{j}) s'écrivent ainsi:

$$\frac{dy_G}{dt} = -g t + V_C \cdot \sin(\alpha) \text{ et } \frac{dx_G}{dt} = V_C \cdot \cos(\alpha)$$

- ❷ Les expressions numériques des équations horaires $x_G(t)$ et $y_G(t)$ du mouvement de G s'écrivent ainsi : $x_G(t) = 19,02t$ et $y_G(t) = -5t^2 + 6,18t$ (x_G et y_G exprimées en mètre et t en seconde).

Vérifier que la vitesse de G au point C est : $V_C = 20 \text{ m.s}^{-1}$.

- ❸ On considère qu'un saut est réussi si la condition $CP \geq 30 \text{ m}$ est vérifiée.

❶❶ Montrer que le saut effectué dans ce cas n'est pas réussi.

❶❷ Déterminer la vitesse minimale V_{min} avec laquelle doit passer G par le point C pour que le saut soit réussi.

Exercice 4

Pendant un match de volley ball, un des élève a filmé le mouvement du ballon depuis l'envoi du service du point A à la hauteur H du sol. Le joueur qui a effectué le service se trouve à la distance d du filet. (voir figure 1) Pour que le service soit validé, il faut que les deux conditions suivantes soient satisfaites par le ballon :

- qu'il passe au dessus du filet dont le bord supérieur se

trouve à la hauteur h du sol .

- qu'il tombe dans le champ adverse de longueur D .

Données :

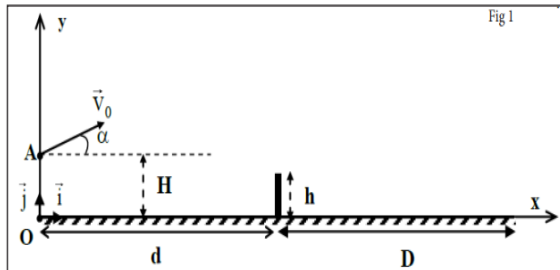
❖ On néglige les dimensions du ballon et l'action de l'air

❖ On prend l'intensité de la pesanteur : $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$.

$H = 2,60 \text{ m}$.

$d = D = 9 \text{ m}$

$h = 2,5 \text{ m}$.



On étudie le mouvement du ballon dans le référentiel $R(O, \vec{i}, \vec{j})$ lié à la Terre et supposé galiléen .

A l'origine des dates , le ballon se trouve au point A .

Le vecteur vitesse initiale \vec{V}_0 forme l'angle α avec la direction horizontale (figure 1).

Après traitement du film à l'aide d'un logiciel , on obtient les deux courbes représentées sur la figure 2 .

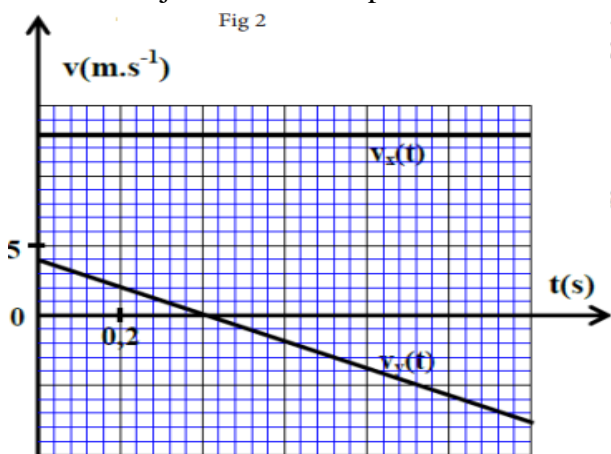
Les deux courbes $v_x(t)$ et $v_y(t)$ représentent les variations des coordonnées du vecteur vitesse du ballon dans le repère $R(O, \vec{i}, \vec{j})$.

❶ En appliquant la deuxième loi de Newton , établir l'expression de $v_x(t)$ en fonction de V_0 et α et l'expression de $v_y(t)$ en fonction de V_0 , α , g et t

❷ En exploitant les courbes (figure 2) , montrer la valeur de la vitesse initiale est $V_0 \approx 13,6 \text{ m.s}^{-1}$ et l'angle $\alpha \approx 17^\circ$

❸ Trouver l'équation de la trajectoire de G dans le repère $R(O, \vec{i}, \vec{j})$

❹ Sachant que le ballon n'a été intercepté par aucun joueur , est ce que le ballon satisfait les deux conditions de validité du service ? justifier votre réponse .



Exercice 5

La coupe du monde est la plus célèbre des compétitions sportives organisée par l'union international de foot ball (FIFA) . Cette partie a pour objectif , l'étude du mouvement d'un ballon dans le champ de pesanteur uniforme . Pendant un match de foot ball , un joueur a tiré un coup franc direct du point O pour marquer le but , sans que le ballon touche pendant son parcours le mur constitué de quelques joueurs de l'équipe adverse . Le point O se trouve à la distance L de la ligne du but et de la distance D du mur dont la hauteur maximale est h_m . (Figure 1)

Données :

- On néglige l'action de l'air et les dimensions du ballon devant toutes les distances .

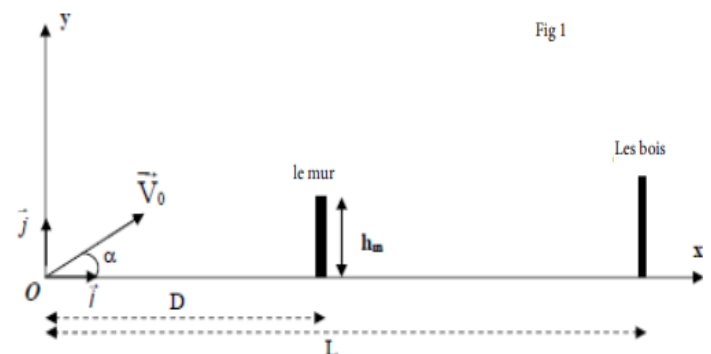
- On prend l'intensité de la pesanteur : $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$.

- $L = 20 \text{ m}$; $h_m = 2,2 \text{ m}$; $D = 9,2 \text{ m}$.

A l'instant $t = 0$, le joueur a envoyé le ballon du point O avec une vitesse initiale \vec{V}_0 formant l'angle $\alpha = 32^\circ$ avec l'horizontale et de norme $V_0 = 16 \text{ m.s}^{-1}$.

On étudie le mouvement du ballon dans un référentielle terrestre orthonormé $R(O, \vec{i}, \vec{j})$ supposé galiléen .

- ❶ En appliquant la deuxième loi de Newton , établir les deux équations horaires $x(t)$ et $y(t)$ du mouvement du ballon
- ❷ En déduire l'équation de la trajectoire du mouvement du ballon dans le repère $R(O, \vec{i}, \vec{j})$.
- ❸ Vérifier que le ballon passe au dessus du mur
- ❹ Déterminer la valeur de la vitesse V au moment de son entrée dans les bois



Exercice 6

Un parcours de golf est composé de trois parties :

Une partie horizontale OA de longueur $OA = 2,2 \text{ m}$.

Une partie AB de longueur $AB = 4 \text{ m}$ inclinée d'un angle $\alpha = 30^\circ$ par rapport au plan horizontal . une partie horizontale comportant un trou de centre T , loin du point B de la distance $BT = 2,1 \text{ m}$.

Les points B , C et T se trouvent sur la même droite . On néglige l'action de l'air et les dimensions de la balle de golf . On prend $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$ L'étude se fait dans le repère (O, \vec{i}, \vec{j}) lié à la Terre et supposé galiléen .

Exercice 8

Un skieur aborde une piste horizontale AB . On modélise le skieur avec ses accessoires par un solide (S) , de masse m et de centre d'inertie G . Le mouvement du solide (S) , sur la piste AB se fait avec frottement équivalent à une force unique f constante et de sens opposé au vecteur vitesse du skieur. Pour étudier le mouvement de (S) , sur le trajet AB , on choisit un repère $R(O; \vec{i})$ lié à la Terre suppose galiléen, Figure (1) et l'instant de passage de G en A comme origine des dates ($t = 0$) On repère la position de G à un instant par son abscisse x dans ce repère. À $t = 0 : x_o = x_A = 0$ (figure 1).

Données : $f = 70 \text{ N}$; $m = 70 \text{ kg}$; $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$

11 En appliquant la deuxième loi de Newton, établir l'équation différentielle vérifiée par l'abscisse $x_G(t)$

12 Déterminer la nature du mouvement de G . Calculer l'accélération a , du mouvement de G

13 Le skieur passe en A avec la vitesse $V = 25 \text{ m.s}^{-1}$ et parcourt le trajet AB pendant une durée égale à $4,4 \text{ s}$. Montrer que le skieur ne peut éviter la chute après la position B .

2 Le skieur passe en B avec une vitesse horizontale v_B . Il tombe en chute libre sur le sol situé à la hauteur $h = BC = 3,2 \text{ m}$ de la piste AB et touche le sol en un point P d'abscisse $x_P = 16,48 \text{ m}$ dans le repère orthonormé (B, \vec{i}, \vec{j}) lié à la Terre supposé galiléen. On choisit comme nouvelle origine des dates, l'instant de passage de G en B .

21 Montrer que Les équations horaires du mouvement de G s'écrivent: $x_G(t) = v_B \cdot t$ et $y_G(t) = \frac{1}{2} g t^2$

22 Déterminer l'instant t_p , où le skieur touche le sol au point 23. Pour améliorer sa performance, le skieur a réalisé un deuxième essai sur la même piste AB . Il est passé en B avec une vitesse V_B' . pour atteindre une portée $x'_p = 18 \text{ m}$. Déterminer la valeur de la vitesse V_B' .

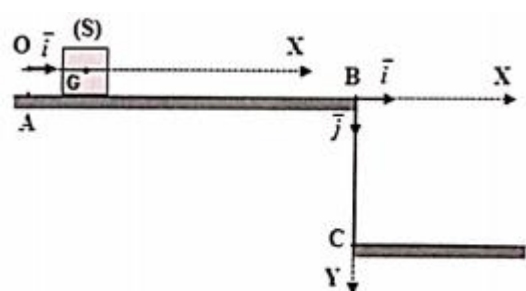
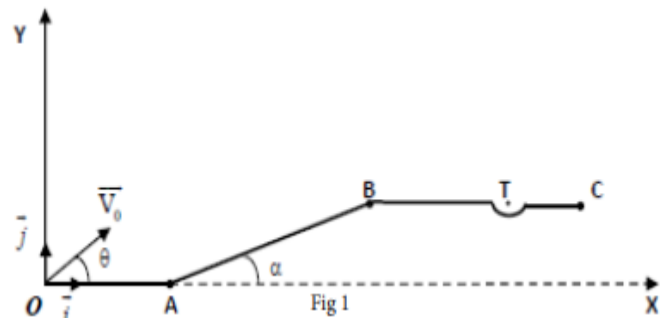


Figure (1)

À l'instant $t = 0$, la balle de golf est envoyée du point O vers le centre T du trou avec une vitesse initiale $V_o = 10 \text{ m.s}^{-1}$. le vecteur V_o forme l'angle $\alpha = 45^\circ$ avec l'axe horizontal (Ox) . (Figure 1)

- 1 En appliquant la deuxième loi de Newton, établir les deux équations horaires $x(t)$ et $y(t)$ du mouvement de la balle
- 2 En déduire l'équation de la trajectoire de la balle.
- 3 Déterminer la valeur x_s de l'abscisse du sommet de la trajectoire de la balle.
- 4 Vérifier que la balle passe par le centre T du trou.



Exercice 7

Le cycliste quitte le tronçon BC en C avec une vitesse v_o qui fait un angle α avec le plan horizontal

Au cours du saut, le système {Cycliste – Bicyclette} n'est soumis qu'à son poids. On étudie le mouvement de G , dans un

repère orthonormé $(C; \vec{i}; \vec{j})$ lié

à la Terre supposé Galiléen. On choisit l'instant de passage de G en C comme nouvelle origine des dates $t_o = 0$.

Les équations horaires du mouvement de G lors de la chute libre s'écrivent:

$$x_G(t) = v_o \cdot \cos(\alpha)t \text{ et } y_G(t) = \frac{-1}{2} g t^2 + v_o \cdot \sin(\alpha)t$$

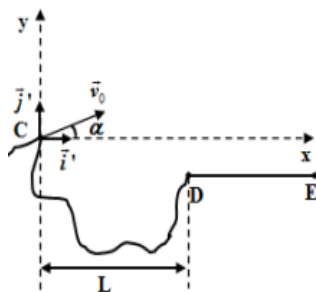
Au cours du mouvement, G atteint le sommet de la trajectoire à l'instant $t_s = 0,174 \text{ s}$

et puis le système tombe sur le sol à l'instant $t_p = 1 \text{ s}$.

Données:

$$\alpha = 10^\circ; g = 10 \text{ m.s}^{-2}; L = 8 \text{ m}$$

- 1 Montrer que $v_o = 10 \text{ m.s}^{-1}$.
- 2 Le cycliste a-t-il dépassé la fosse ? justifier.
- 3 Déterminer les coordonnées du vecteur vitesse v_p de G à l'instant t_p



1-Première phase : mouvement du skieur sur un plan incliné.

On étudie le mouvement du centre d'inertie G du skieur dans le repère $(O; \vec{i}_1; \vec{j}_1)$ lié à un référentiel terrestre considéré galiléen (figure 1).

Pour atteindre le sommet S d'une piste (P) rectiligne inclinée d'un angle $\alpha = 23^\circ$ par rapport à l'horizontale, le skieur part du point O sans vitesse initiale à $t=0$. Il est accroché à un câble rigide

faisant un angle $\beta = 60^\circ$ avec l'horizontale. Le câble exerce sur le skieur une force de traction \vec{F} constante dirigée selon la direction du câble (figure 1).

Durant toute cette phase, le skieur reste constamment en contact avec le sol. On note \vec{R}_T et \vec{R}_N respectivement les composantes tangentielle et normale de l'action du plan incliné sur le skieur avec $\|\vec{R}_T\| = k \|\vec{R}_N\|$; k étant le coefficient de frottement solide et $\|\vec{R}_T\| = f = 80 \text{ N}$.

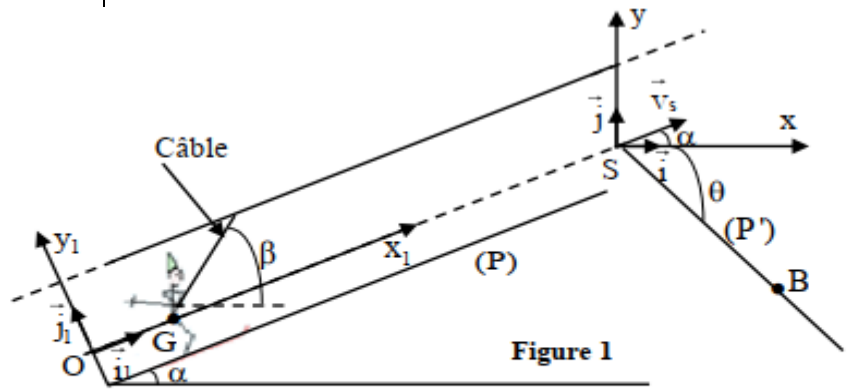


Figure 1

1-1-En appliquant la deuxième loi de Newton, montrer que l'équation différentielle vérifiée par la vitesse v du centre d'inertie G s'écrit : $\frac{dv}{dt} + \frac{f}{m} + g \cdot \sin \alpha - \frac{F}{m} \cos(\beta - \alpha) = 0$.

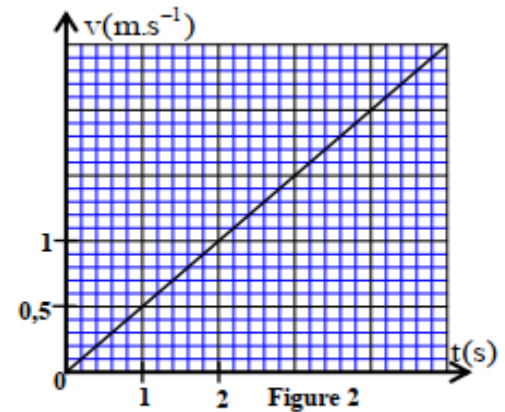


Figure 2

1-2- La courbe de la figure 2 représente la variation de la vitesse v en fonction du temps.

1-2-1-Déterminer graphiquement la valeur de l'accélération du mouvement de G.

1-2-2- Déduire l'intensité de la force de traction \vec{F} .

1-3-Déterminer la valeur de k.

2-Deuxième phase :Phase du saut

Le skieur arrivant au sommet S de la piste (P), lâche le câble et quitte la piste à un instant choisi comme une nouvelle origine des dates avec une vitesse \vec{v}_S faisant l'angle α avec l'horizontale et de valeur $v_S = 10 \text{ m.s}^{-1}$ (figure 1).

On étudie le mouvement du centre d'inertie G du skieur dans le repère $(S; \vec{i}; \vec{j})$ lié à un référentiel terrestre considéré galiléen.

Soit B la position de G sur la piste (P') qui est inclinée d'un angle $\theta = 45^\circ$ par rapport à l'horizontale (figure 1).

2-1-Etablir les expressions numériques des équations horaires x(t) et y(t) du mouvement de chute libre de G dans le repère $(S; \vec{i}; \vec{j})$.

2-2-En déduire que l'équation de la trajectoire de G s'écrit : $y = -5,8 \cdot 10^{-2} x^2 + 0,42x$.

2-3-Trouver la longueur SB du saut.

